

## FLUJO EN CANAL ABIERTO (CAUCE ABIERTO)

### Ecuación general de flujo en cauce abierto

$$Q = AC\sqrt{RI}$$

Donde:

Q: Caudal

A: Área de sección (*sección mojada*)

C: Coeficiente de CHEZY

R: Radio hidráulico

I: Gradiente hidráulico

P: Perímetro mojado

n: Coeficiente de rugosidad (*se encuentra en las tablas*)

$$R = \frac{A}{P}$$

Según MANNING:

$$C = \frac{1}{n} * R^{1/6}$$



$$Q = A * \frac{1}{n} * R^{1/6} * \sqrt{RI}$$



$$Q = \frac{A R^{2/3} I^{1/2}}{n}$$

$$Q = \frac{A^{5/3} I^{1/2}}{P^{2/3} n}$$

$$K = \frac{A R^{2/3}}{n}$$



*Características de gasto para cualquier tirante*

$$Q = K I^{1/2}$$

### Flujo uniforme en cauces abiertos prismáticos

Sabemos que:

$$I = \frac{dh_w}{dL} = \text{sen} \alpha = S$$

S: Pendiente de fondo

Luego quedarían las siguientes formulas:

$$Q = \frac{A R^{2/3} S^{1/2}}{n}$$



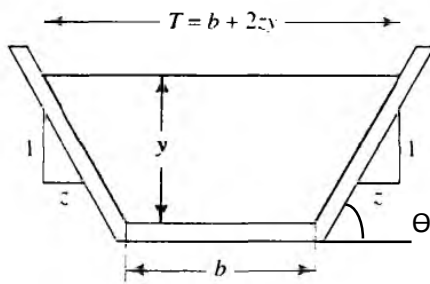
$$Q = \frac{A^{5/3} S^{1/2}}{P^{2/3} n}$$

$$K_0 = \frac{A R^{2/3}}{n}$$

*Para tirante  
uniforme o  
normal*

$$Q = K_0 S^{1/2}$$

### SECCIÓN TRAPEZOIDAL



Donde:

b: ancho de fondo

T: ancho de la superficie libre

y: tirante

z:  $\text{Ctg} \theta$ , coeficiente de talud

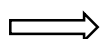
$$A = by + zy^2$$

$$P = b + 2y\sqrt{1 + z^2}$$

### SECCIÓN TRAPEZOIDAL de Máxima eficiencia hidráulica (*Válido para sección triangular y trapezoidal*)

Sean constantes: A, S, n, z. La sección de máxima eficiencia hidráulica es la que conduce mayor caudal

$$Q = \frac{A^{5/3} S^{1/2}}{P^{2/3} n}$$



$$Q = \frac{a}{P^{2/3}}$$

Donde  $a = \text{cte}$

**Para radio hidráulico:**

$$\beta_{\text{máx. efic.}} = 2(\sqrt{1 + z^2} - z)$$



$$\frac{b}{y} = \beta_{\text{máx. efic.}}$$

$$R_{\text{máx. efic.}} = \frac{y}{2}$$

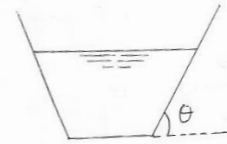
### Máxima eficiencia hidráulica para canal trapezoidal para $y_o = ct$

Sean constantes: A, S, n,  $y_o$

$$z = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

Para:  $\theta = 60^\circ$

Para un tirante dado o conocido

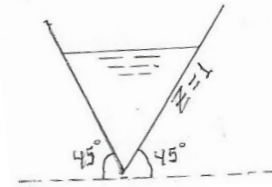


### SECCIÓN TRIANGULAR de Máxima eficiencia hidráulica.

Sean constantes: A, S, n

$$z = 1$$

Para:  $\theta = 45^\circ$



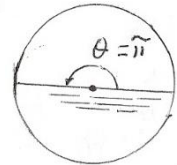
### SECCIÓN CIRCULAR de Máxima eficiencia hidráulica.

Sean constantes: A, S, n

$$\theta - 2\sin\theta + \theta\cos\theta = 0$$

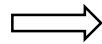


$$\theta = \pi$$



### ENERGÍA ESPECÍFICA DE LA SECCIÓN:

$$E = z + \frac{P}{\gamma} + \frac{V^2}{2g}$$



$$E = y + \frac{V^2}{2g}$$

### TIRANTE CRÍTICO ( $y_{cr}$ )

$$\frac{Q^2 T}{g A^3} = 1$$



Condición para tirante crítico

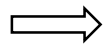
### NÚMERO DE FROUDE ( $F_r$ )

$$F_r = \frac{V^2}{g L}$$

Si tomamos  $L = \bar{y}$

Donde  $\bar{y}$ : tirante promedio de cauce

$$\dot{F}_r = \frac{Q^2 T}{g A^3}$$



$$\dot{F}_r = 1$$



Condición para tirante crítico

### Tirante crítico para sección rectangular

$$y_{cr} = \sqrt[3]{\frac{Q^2}{g b^2}}$$

### Tirante crítico para sección triangular

$$y_{cr} = \sqrt[5]{\frac{2Q^2}{g z^2}}$$

### OTRAS SECCIONES:

Para otras secciones debemos proponer un valor de "y", y calcular  $\dot{F}_r$ . El valor de "y" que haga el  $\dot{F}_r = 1$  será el tirante crítico ( $y_{cr}$ )

Si  $\dot{F}_r < 1 \longrightarrow$  El flujo se llama sub crítico o fluvial

Si  $\dot{F}_r > 1 \longrightarrow$  El flujo se llama super crítico o torrentoso

Si  $\dot{F}_r = 1 \longrightarrow$  Condiciones críticas

### PENDIENTE CRÍTICA ( $S_{cr}$ )

$$S_{cr} = \left( \frac{Q P_{cr}^{2/3}}{A_{cr}^{5/3}} * n \right)^2$$

Donde:  $P_{cr}$  y  $A_{cr}$  en función de  $y_{cr}$

## ECUACIÓN DIFERENCIAL DE FLUJO VARIADO

PARA CAUCES PRISMÁTICOS

$$\frac{dy}{dL} = \frac{S(1 - \frac{K_0^2}{K^2})}{(1 - \dot{F}_r)}$$

Para el análisis de las curvas de REMANSO Y DERRAME

## INTEGRACIÓN DE LA ECUACIÓN DIFERENCIAL SEGÚN BAKHMETEV, PARA $S > 0$

$$\left(\frac{K_1}{K_2}\right)^2 = \left(\frac{y_1}{y_2}\right)^x$$

Ecuación de Bakhmetev

$$K = \frac{A^{5/3}}{P^{2/3} * n}$$

$$x = \frac{2 \log(\frac{K_1}{K_2})}{\log(\frac{y_1}{y_2})}$$

x=Exponente hidráulico del cauce

$$\eta = \frac{y}{y_0}$$

Tirante relativo

$$j = \frac{SC^2T}{gP}$$

$$J = \frac{j_1 + j_2}{2}$$

$$C = \frac{1}{n} R^{1/6} = \frac{1}{n} \left(\frac{A}{P}\right)^{1/6}$$

$$\Delta L = \frac{y_0}{S} \left[ \eta_2 - \eta_1 - (1 - J) * \int_{\eta_1}^{\eta_2} \frac{d\eta}{1 - \eta^x} \right]$$

Para calcular distancia entre dos puntos

## MÉTODO DE DIFERENCIAS FINITAS PARA CUALQUIER "S"

$$\Delta L_i = \frac{E_{i+1} - E_i}{S_i - \bar{I}_i}$$

$$E_i = y_i + \frac{V_i^2}{2g}$$

$$\bar{I}_i = \frac{I_i + I_{i+1}}{2}$$

$$Q = \frac{A^{5/3} * I^{1/2}}{P^{2/3} * n}$$

$$I_i = \left( \frac{Q P_i^{2/3} * n}{A_i^{5/3}} \right)^2$$

$$I_{i+1} = \left( \frac{Q P_{i+1}^{2/3} * n}{A_{i+1}^{5/3}} \right)^2$$

## INTEGRACIÓN DE BAKHMETEV PARA $S = 0$

$$Q = \frac{A^{5/3} S^{1/2}}{P^{2/3} n}$$

$$S_{cr} = \left( \frac{Q P_{cr}^{2/3}}{A_{cr}^{5/3}} * n \right)^2$$

$$K_{cr} = \frac{A_{cr}^{5/3}}{P_{cr}^{2/3} * n}$$

$$j_{cr} = \frac{S_{cr} C^2 T}{gP}$$

$$\epsilon = \frac{y}{y_{cr}}$$

Tirante relativ

$$J_{cr} = \frac{j_{cr1} + j_{cr2}}{2}$$

$$\int_{L_1}^{L_2} dL = \frac{y_{cr}}{S_{cr}} \int_{\epsilon_1}^{\epsilon_2} (J_{cr} - \epsilon^x) d\epsilon$$

$$\Delta L = \frac{y_{cr}}{S_{cr}} \left[ J_{cr} (\epsilon_2 - \epsilon_1) - \left( \frac{\epsilon_2^{x+1} - \epsilon_1^{x+1}}{x+1} \right) \right]$$

## SALTO HIDRÁULICO O RESALTO HIDRÁULICO

Supercrítico  $\dot{F}_r > 1 \longrightarrow y < y_{cr}$

Sub crítico  $\dot{F}_r < 1 \longrightarrow y > y_{cr}$

Cuando  $y_o > y_{cr} \longrightarrow \dot{F}_r < 1$ , la velocidad disminuye

Cuando  $y_o < y_{cr} \longrightarrow \dot{F}_r > 1$  la velocidad aumenta

Cuando  $y_2 > 1.3y_{cr}$   $\rightarrow$  Se forma rollo superficial (salto perfecto)

Cuando  $y_2 \leq y_{cr}$   $\rightarrow$  Se forma salto ondulado

### ECUACIÓN PRINCIPAL DEL SALTO HIDRÁULICO

$$\dot{h}_1 A_1 + \frac{Q^2}{g A_1} = \dot{h}_2 A_2 + \frac{Q^2}{g A_2} = S(y)$$



$$S(y_1) = S(y_2)$$

### SALTO HIDRÁULICO PARA CAUCE RECTANGULAR

$$y_1 = \frac{y_2}{2} \left[ \sqrt{1 + 8 \left( \frac{y_{cr}}{y_2} \right)^3} - 1 \right]$$

$$y_2 = \frac{y_1}{2} \left[ \sqrt{1 + 8 \left( \frac{y_{cr}}{y_1} \right)^3} - 1 \right]$$

### FÓRMULAS DE LONGITUD DE SALTO ( $L_s$ )

$$L_s = 2.5(1.9y_2 - y_1)$$

$$L_s = 3.6y_2 \left( 1 - \frac{y_1}{y_2} \right) \left( 1 + \frac{y_1}{y_2} \right)^2$$

$$L_s = 10.3y_1 \left[ \sqrt{\left( \frac{y_{cr}}{y_1} \right)^3} - 1 \right]^{0.81}$$

### FLUJO A TRAVÉS DE ORIFICIOS

$$V_c = C_v * \sqrt{2gH}$$

$$Q = C_d A * \sqrt{2gH}$$

Donde:  $C_v$  = Coeficiente de velocidad

$C_d$  = Coeficiente de descarga

$\epsilon$  = Coeficiente de contracción

$$\epsilon = \frac{A_c}{A} \quad Q = C_v \epsilon A * \sqrt{2gH} \quad C_v \epsilon = C_d$$

Para orificios pequeños  
circulares

$$H \geq 10d$$

$$C_v = 0.97, \quad \epsilon = 0.64 \quad y \quad C_d = 0.62$$

Para orificios Grandes

$$Q = C_d b \sqrt{2g} * \frac{2}{3} (H_2^{\frac{3}{2}} - H_1^{\frac{3}{2}})$$

### FLUJO POR ALIVIADORES

Donde:  $H$  = Carga sobre el aliviadero

Fórmula General:

$$H_o = H + \frac{V_o^2}{2g}$$

$$Q = m_o b \sqrt{2g} H^{3/2}$$

$$Q = m b \sqrt{2g} H^{3/2}$$

$V_o$  = Velocidad de aproximación

$P$  = Altura del aliviadero desde aguas arriba

$P'$  = Altura del aliviadero desde aguas abajo

$b$  = Ancho del aliviadero

B = Ancho del cause

t = Profundidad aguas abajo

C = Espesor del aliviadero

Z = Altura en aguas arriba y aguas abajo

m = Coeficiente de gasto sin influencia de Vo

m<sub>o</sub> = Coeficiente de gasto con influencia de Vo

### SIN CONTRACCIÓN LATERAL

$$m_o = \left(0.405 + \frac{0.0027}{H}\right) * \left[1 + 0.55\left(\frac{H}{H+P}\right)^2\right]$$

### CUANDO HAY CONTRACCIÓN LATERAL

$$m_c = \left[0.405 + \frac{0.0027}{H} - 0.03 * \frac{(B-b)}{B}\right] * \left[1 + 0.55\left(\frac{b}{B}\right)^2\left(\frac{H}{H+P}\right)^2\right]$$

**SUMERSIÓN:** Debe cumplir dos condiciones

$$Z < H$$

$$\frac{Z}{P'} < 0.7$$

$$Q = m_o \sigma_s b \sqrt{2g} * H^{3/2}$$

$$\sigma_s = 1.05 \left[1 + 0.2 * \frac{(H-Z)}{P'}\right] * \sqrt[3]{\frac{H}{Z}}$$

$\sigma_s$  = Coeficiente de sumersión

**ALIVIADERO DE PERFIL PRÁCTICO:** Cuando

$$0.5H \leq C \leq 2H$$

$$m = 0.42 \left(0.7 + 0.183 \frac{H}{C}\right)$$

**PERFIL CREAGER:** Aliviaderos de perfil curvo

$$m = m_g \sigma_c \sigma_f$$

$$m_g = 0.49$$

$\sigma_c$  = Coeficiente de uso de carga

$\sigma_f$  = Coeficiente de forma, depende de  $\frac{l}{p}$ ,  $\alpha_1$  y  $\alpha_2$

$$\sigma_c = \left(0.785 + 0.25 \frac{H}{H_c}\right)$$



Para  $\frac{H}{H_c} \leq 0.8$

$$\sigma_c = \left(0.88 + 0.12 \sqrt{\frac{H}{H_c}}\right)$$



Para  $0.8 < \frac{H}{H_c} \leq 1$

$$m = 0.36 + 0.1 * \frac{2.5 + \frac{C}{H}}{1 + 2 * \frac{C}{H}}$$



Para  $0.3 \leq \frac{C}{H} \leq 2.5$

Considerando contracción lateral se utilizará el ancho efectivo:

$$b_e = \epsilon b \quad \longrightarrow \quad \text{Ancho efectivo para una sola ventana}$$

$$\epsilon = 1 - 0.2 \epsilon_l \frac{H_o}{b} \quad \epsilon_l = \text{Coeficiente que depende de la forma de los estribos y pilotes}$$

$$B_e = \sum b - 0.2 n \epsilon_l \frac{H_o}{b} \quad \longrightarrow \quad \text{Ancho efectivo para varias ventanas}$$

**ALIVIADERO DE UMBRAL ANCHO:** Cuando,  $2H \leq C \leq 10H$

$$m = 0.36 + 0.01 * \frac{3 - \frac{P}{H}}{1.2 + 1.5 * \frac{P}{H}} \quad \longrightarrow \quad \text{Para } \frac{P}{H} \leq 3 \text{ y borde redondeado a la entrada}$$

$$m = 0.32 + 0.01 * \frac{3 - \frac{P}{H}}{0.46 + 0.75 * \frac{P}{H}} \quad \longrightarrow \quad \text{Para borde agudo}$$

**SUMERSIÓN:** Las condiciones de sumersión son las mismas que las de pared delgada

1.-  $Z < H$

2.-  $\frac{Z}{P'} < 0.7$

$$\sigma_s = f\left(\frac{h_s}{H_o}\right)$$

$$H_o = H + \frac{V_o^2}{2g}$$

$$h_s = H - Z$$

$\sigma_s = \text{Valores en las tablas}$

Condiciones de sumersión:  $h_s > 0.8H_o$  y  $h_s > y_{cr}$

**ALTURA CONTRAIDA:** Para pendientes cortos

$$y_c = \frac{q}{C_v * \sqrt{2g(P' + H_o - y_c)}} \quad \frac{Q}{b} = q \quad \longrightarrow \quad \text{Caudal unitario (caudal por unidad de ancho)}$$

Donde:  $C_v = 0.95, \dots, 1$

Poza de disipación se hace cuando segundo tirante conjugado es mayor que "t"; es decir:

$$y_2 > t$$